屈曲性高分子の非摂動広がりの温度依存性¹⁾

吉崎 武尚・長 昌史 T. Yoshizaki, M. Osa 京都大学大学院 工学研究科 高分子化学専攻

1. はじめに

余り極性の大きくない繰返し単位がつながってできている非イオン性高分子を極性の大きく ない有機溶媒に溶かしたとき,繰返し単位の間に働く平均力ポテンシャルは,近距離にしか及 ばない van der Waals型の引力と小さな斥力核との重ね合わせで表すことができる.高分子と 溶媒の組合せによっては,**FloryのΘ温度**と呼ばれるある適切な温度において,ちょうど気体 における Boyle 温度のように,二つの繰返し単位の間に働くポテンシャルが見掛け上なくなる **理想状態**が実現できる.たとえば,アタクチックポリスチレン(a-PS)のシクロヘキサン溶液 は 34.5 °C(Θ)において理想状態となる.ある高分子に対してΘ温度が存在するような溶媒 は、Θ温度以下になるとその高分子を溶かすことができなくなり,その高分子を良く溶かすと はいえないので,**貧溶媒**と呼ばれる.一方,高分子を良く溶かす**良溶媒**中では,斥力が引力に 優り、温度を下げても理想状態が実現されることはない.

稀薄溶液中における1本の屈曲性高分子鎖の(平均的)広がりは、理想状態における広がり— 非摂動広がりと、繰返し単位の間に働く斥力—排除体積によって広がりが大きくなる度合を表 す膨張因子との積で表される。高分子鎖の広がりの目安として平均二乗両端間距離 $\langle R^2 \rangle$ を考え る場合、その非摂動値 $\langle R^2 \rangle_0$ と両端間距離膨張因子 α_R を用いて、 $\langle R^2 \rangle$ は次のように書かれる。

$$\langle R^2 \rangle = \langle R^2 \rangle_0 \, \alpha_R^{\ 2} \tag{1}$$

 $\langle R^2 \rangle_0$ は、高分子鎖に沿って近接した繰返し単位の間に働く相互作用—近接相互作用によって 決まる鎖の局所形態や固さに関する情報を与える.一方、 α_R は、高分子鎖に沿って遠く離れた 二つの繰返し単位の間に働く相互作用—遠隔相互作用によって決まる排除体積の大きさに関す る情報を与える.さらに、 $\langle R^2 \rangle_0$ の温度依存性は、高分子鎖の化学構造や立体規則度がその広 がりとどのように関係するかを知るうえで重要であり、古くから興味が持たれてきた²⁾.しか し、 $\langle R^2 \rangle_0$ が実測できる Θ 温度付近では、温度の変化にともない $\langle R^2 \rangle_0$ のみならず α_R も大きく 変化するため、1種類の貧溶媒だけを用いた実験から、 $\langle R^2 \rangle_0$ の温度依存性は評価できない、 Θ 温度の異なる数種類の貧溶媒を用いた実験を行う必要があり、作業量が膨大なこともあって、 系統的な実験的研究が行われることはほとんどなかった.

非摂動状態に係る物理量ということで、これまでΘ温度付近のみに目が行きがちであったが、 一見無関係だと思われる良溶媒中の広がりに目を転じると、トルエン中における a-PS の平均二 乗回転半径 〈S²〉が温度を高くすると小さくなるという報告がある³⁾. 貧溶媒中と同じように、 温度が高くなるにつれて排除体積が大きくなると考えると、〈S²〉も大きくなることになり、こ の実験結果は説明できない. 気体の場合, Boyle 温度に比べて非常に高い温度では、分子間の 排除体積が温度に依存しないことが知られている⁴⁾. 溶媒中の平均力ポテンシャルが問題とな る高分子溶液の場合も、良溶媒中の状態がΘ温度に比べて非常に温度が高い状態であると考え ると、排除体積は温度に依存せず、実験結果は非摂動広がりの温度依存性を反映することにな る. 本研究では、この仮定の下に、良溶媒(トルエン)中における a-PS とアタクチックポリ $(\alpha$ -メチルスチレン) (a-P α MS) の $\langle S^2 \rangle$ の温度依存性を測定し,得られた結果から二つの高分 子の $\langle R^2 \rangle_0$ の温度依存性を評価する.さらに、らせんみみず (HW) 高分子鎖モデル⁵⁾ に基づ いた理論予測の妥当性についても検討する.

2. HW 理論予測

HW 鎖モデルは曲げおよび捩れのエネルギーを持つ弾性ワイ ヤーを絶対温度 T の熱浴の中においた統計モデルである.全エ ネルギーが最小値 0 のとき,HW 鎖は完全らせん形態をとる. この完全らせんは特性らせんと呼ばれ,微分幾何学的曲率 κ_0 お よび捩れ τ_0 でその形状が指定される.a-PS や a-PaMS のよう な屈曲性高分子を対象とするときは,曲げと捩れの弾性定数が 等しいとしてよい.その場合, κ_0 , τ_0 に加え,長さの次元を持 つ剛直性パラメータ λ^{-1} でHW 鎖が記述される.このように定 義される HW 鎖は,特性らせんが熱擾乱によって揺らいだ形態 をとるが, λ^{-1} が小さいほどその揺らぎが大きい.逆に λ^{-1} が 大きくなると揺らぎは小さくなり,特性らせんの形状が部分的 に保持されるようになる.



図1. HW 鎖とその特性らせん

Θ温度における屈曲性高分子について、極低分子量オリゴマーをも含む広い分子量領域にわたる $\langle S^2 \rangle$ の非摂動値 $\langle S^2 \rangle_0$ などを HW 理論で解析し、高分子鎖の局所形態 (κ_0 , τ_0) および 固さ (λ^{-1}) までを評価する解析方法を、我々は特に精微特性解析と呼んでいる。a-PS⁵⁻⁷) と a-P α MS^{8,9}) の精微特性解析の結果を表1に示す、1 置換ビニルポリマーである a-PS、2 置換ビ ニルポリマーある a-P α MS の局所形態と固さは立体規則性に大きく依存するので、用いた試料 の立体規則度表すラセモニ連子の分率 f_r の値が分子量によらず一定であることが確認されている。a-P α MS の f_r は 0.5 よりかなり大きく、アタクチックといってもシンジオタクチック寄り である。a-PS と a-P α MS は繰返し単位の化学構造が似通っているが、 α 炭素に結合するメチル の有無と f_r 値の違いよって、HW モデル定数の値が大きく異なる。第 58 集 ⁹20 頁の図 6 に示 したように、特性らせんの半径が大きくかつ λ^{-1} の大きい a-P α MS 鎖には、特性らせんの名残 である局所的に大きく湾曲した部分が数多く見られる.

HW 鎖モデルの定義に従い, 鎖の長さと κ_0 , τ_0 は温度に依存せず, λ^{-1} のみが T^{-1} に比例するとすると, HW 鎖モデルの $d \ln \langle R^2 \rangle_0 / dT$ は次のように与えられる ^{5,10}.

$$\frac{\mathrm{d}\ln\langle R^2\rangle_0}{\mathrm{d}T} = -\frac{16 - 4(\lambda^{-1}\kappa_0)^2 + \left[8 + (\lambda^{-1}\kappa_0)^2 + (\lambda^{-1}\tau_0)^2\right](\lambda^{-1}\tau_0)^2}{\left[4 + (\lambda^{-1}\tau_0)^2\right]\left[4 + (\lambda^{-1}\kappa_0)^2 + (\lambda^{-1}\tau_0)^2\right]}T^{-1}$$
(2)

表1に与えられた $\lambda^{-1}\kappa_0$, $\lambda^{-1}\tau_0$, ならびに λ^{-1} の値を用いて式(2)から計算した300Kにおける $\langle R^2 \rangle_0$ の温度係数 $d \ln \langle R^2 \rangle_0 / dT$ のHW理論値を表の最終列に与える.a-PSの場合は負の値となっ ており,温度が高くなると非摂動広がりが小さくなるというトルエン中の $\langle S^2 \rangle$ と同じ傾向である のに対し, a-P α MSの場合は小さい正の値となっており,温度が高くなっても非摂動広がりがほと

polymer (f_r)	solvent	temp, °C	$\lambda^{-1}\kappa_0$	$\lambda^{-1}\tau_0$	$\lambda^{-1}, {\rm \AA}$	$10^3 d \ln \langle R^2 \rangle_0 / dT, \mathrm{deg}^{-1}$
a-PS (0.59)	cyclohexane	34.5	3.0	6.0	20.6	-3.2_{1}
a-P α MS (0.72)	$\operatorname{cyclohexane}$	30.5	3.0	0.9	46.8	0.2_{8}

表1. a-PSと a-P α MSのHW モデル定数値および $d \ln \langle R^2 \rangle_0 / dT$ のHW 理論値(300 K)



図 2. a-PS / トルエンの Berry 平方根プロット



図 3. a-PaMS / トルエンの Berry 平方根プロット

んど変化しないことが予測される.

実験結果と考察

重量平均分子量が $3.9_4 \times 10^6$ の a-PS と $3.6_1 \times 10^6$ の a-P α MS のトルエン中 15.0, 25.0, 35.0, 45.0, 55.0 °C における $\langle S^2 \rangle$ の値を光散乱法で決定した. 用いた a-PS と a-P α MS 試料はともに 表1の HW モデル定数を決定するときに用いたもので, それらの f_r 値は表に示した通りである.

図2,3にそれぞれ a-PSと a-P α MSのトルエン中 15.0,55.0 °C における Berry 平方根プロットを示す.縦軸の ΔR_{θ} , c, K はそれぞれ過剰 Rayleigh 比,溶液の質量濃度,光学定数を,横軸の k は散乱ベクトルの大きさを表し,このプロットの傾斜は $\frac{1}{6}\langle S^2 \rangle$ に等しい.図2の a-PSでは、15.0 °C における傾斜に比べて 55.0 °C のものが明らかに小さくなっているのに対して,図3の a-P α MS では二つのプロットはほぼ完全に重なっており,HW 理論予測を定性的に支持している.

 $\langle R^2 \rangle$ と同じように、 $\langle S^2 \rangle$ も、その非摂動値 $\langle S^2 \rangle_0$ と排除体積による膨張を表す回転半径膨張 因子 α_S を用いて、次のように書くことができる.

$$\langle S^2 \rangle = \langle S^2 \rangle_0 \, \alpha_S^{\ 2} \tag{3}$$

したがって、 $\langle S^2 \rangle$ の温度係数 $d \ln \langle S^2 \rangle / dT$ は次のように書かれる.

$$\frac{d\ln\langle S^2\rangle}{dT} = \frac{d\ln\langle S^2\rangle_0}{dT} + 2\frac{d\ln\alpha_S}{dT}$$
(4)

先に述べたように, 良溶媒中の排除体積が温度に依存しないと仮定すると, 式(4)の右辺第2項 は0とみなしてよい.

$$\frac{d\ln\alpha_S}{dT} \simeq 0 \qquad (\,\mathrm{karge}\,\mathrm{e}) \tag{5}$$

さらに、分子量の大きい屈曲性高分子に対して $\langle R^2 \rangle_0 = 6 \langle S^2 \rangle_0$ の関係が成り立つので、その場合 $\langle R^2 \rangle_0 \geq \langle S^2 \rangle$ の温度係数は等しくなる.

$$\frac{d\ln\langle R^2\rangle_0}{dT} = \frac{d\ln\langle S^2\rangle_0}{dT} \simeq \frac{d\ln\langle S^2\rangle}{dT} \quad (\,\mathrm{k}\ddot{R}\ddot{W}\,\mathrm{e}) \tag{6}$$

図4に $\ln \langle S^2 \rangle$ ($\langle S^2 \rangle$ の単位はÅ²)の温度に対す るプロットを示す. 図中の実験線の傾斜と式(6) から評価した a-PS と a-P α MS の 15.0~55.0 °C の温度範囲における $d \ln \langle R^2 \rangle_0 / dT$ の値はそれぞ $n - 1.7_2 \times 10^{-3}, -0.2_2 \times 10^{-3} \text{ deg}^{-1}$ であり,表 1 に示した HW 理論値と半定量的に一致する.

a-PS と a-P α MS で $d\ln\langle R^2 \rangle_0/dT$ の値が異な ることは, HW 鎖モデルに基づけば, 次のように 説明できる.表1に与えられた $\lambda^{-1}\kappa_0$, $\lambda^{-1}\tau_0$ の 値から, a-PS の特性らせんは直線に近いので, 温度が高くなり λ^{-1} が小さくなると高分子鎖は 柔軟に曲がり易くなり, それにともない広がり は単調に小さくなる.一方, a-PSに比べて固く,



局所的に湾曲した形態を保持する a-P α MS の場合,温度上昇にともなう λ^{-1} の減少は,鎖を曲 がり易くするのと同時に湾曲した形態を伸ばすので,二つの相反する効果が打ち消しあって, その広がりはほとんど変化しない.もちろん,さらに温度を上げていけば, a-P α MS の広がり もいずれ減少するようになる.

文献

- 1) M. Osa, H. Kanda, T. Yoshizaki, and H. Yamakawa, Polym. J., 39, 423 (2007).
- 2) P. J. Flory, Statistical Mechanics of Chain Molecules, Interscience, New York, 1969.
- 3) F. Abe, Y.Einaga, and H. Yamakawa, Macromolecules, 26, 1891 (1993).
- 4) D. A. McQuarrie, Statistical Mechanics, Harper & Row, New York, 1973, Chap. 12.
- 5) H. Yamakawa, Helical Wormlike Chains in Polymer Solutions, Springer, Berlin, 1997.
- 6) T. Konishi, T. Yoshizaki, J. Shimada, and H. Yamakawa, Macromolecules, 22, 1921 (1989).
- 7) F. Abe, Y. Einaga, T. Yoshizaki, and H. Yamakawa, Macromolecules, 26, 1884 (1993).
- 8) M. Osa, T. Yoshizaki, and H. Yamakawa, Macromolecules, 33, 4828 (2000).
- 9) 吉崎武尚, 日本化学繊維研究所講演集, 58, 17 (2001).
- 10) H. Yamakawa and T. Yoshizaki, Macromolecules, 15, 1444 (1982).